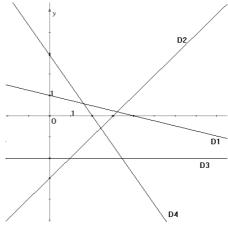
Devoir de Mathématiques n°12

(Devoir surveillé n°4)

1.a) Dans un repère orthonormal (O; \vec{i} ; \vec{j}) (unité : 1 cm), représenter les droites d'équations :

(D₁):
$$y = 3x - 2$$
; (D₂): $y = -\frac{1}{3}x + 4$; (D₃): $x = \frac{5}{2}$; (D₄): $5x + 2y = -7$.

b) Déterminer graphiquement les équations cartésiennes réduites des droites ci-dessous :



(4 points)

- **2.** a) Soient les points A(1 ; 2) et B(3 ; 5), déterminer l'équation cartésienne réduite de la droite (AB).
 - **b)** Soit la droite (D) d'équation : y = -x + 7 et soit le point A(2 ; 3), déterminer l'équation cartésienne réduite de la droite (Δ) parallèle à (D) et passant par A.
 - c) Soient les droites (D₁) et (D₂) d'équations cartésiennes générales :

(D₁):
$$4x - 6y = 10$$
; (D₂): $-3x + \frac{9}{2}y = -6$.

- (D₁) et (D₂) sont-elles sécantes, strictement parallèles ou confondues ?
- **d**) Soient, dans un repère orthonormal, les droites (D_1) et (D_2) d'équations :

$$(D_1): y = -3x + 1; (D_2): x - 3y = 5.$$

 (D_1) et (D_2) sont-elles perpendiculaires ?

Déterminer, en résolvant un système, les coordonnées de leur point d'intersection.

(6 points)

- **3. a)** Résoudre le système suivant par élimination : $\begin{cases} 4x + y = 2 \\ 3x \frac{y}{2} = 3 \end{cases}$
 - **b)** Résoudre le système suivant par substitution : $\begin{cases} 0.6x y = 0.2 \\ 3x + 5y = -13 \end{cases}$

(4 points)

- **4. a**) Déterminer une fraction qui ne change pas de valeur quand on ajoute 15 au numérateur et 18 au dénominateur, et qui vaut 2,5 quand on ajoute 55 au numérateur et 6 au dénominateur.
 - **b**) Une personne a dans son porte-monnaie 0,86 euros en pièces de 2 cents et de 5 cents. Sachant qu'elle a en tout 28 pièces, combien a-t-elle de pièces de 2 cents et de pièces de 5 cents ?

(6 points)